Приложение

 к ОПОП-П по специальностям

13.02.07 Электроснабжение

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА**

# **ОУД.07 МАТЕМАТИКА**

**2025**

**СОДЕРЖАНИЕ**

|  |  |
| --- | --- |
|  |  |

[**1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА** 3](#_Toc199509638)

[**1.1** **Область применения рабочей программы** 3](#_Toc199509639)

[**1.2** **Место учебного предмета в структуре ОПОП-ППССЗ:** 3](#_Toc199509640)

[**1.3 Планируемые результаты освоения учебного предмета:** 3](#_Toc199509641)

[**2. Структура и содержание общеобразовательной дисциплины** 23](#_Toc199509642)

[**2.1. Объем дисциплины и виды учебной работы** 23](#_Toc199509643)

[**2.2. Тематический план и содержание дисциплины** 24](#_Toc199509644)

[**3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА** 42](#_Toc199509645)

 [**3.1 Требования к минимальному материально-техническому обеспечению** 42](#_Toc199509646)

[**3.2. Информационное обеспечение реализации программы** 42](#_Toc199509647)

[**4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ** 44](#_Toc199509648)

[**5 ПЕРЕЧЕНЬ ИСПОЛЬЗУЕМЫХ МЕТОДОВ ОБУЧЕНИЯ** 46](#_Toc199509649)

# **1. ПАСПОРТ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА**

* 1. **Область применения рабочей программы**

Рабочая программа учебной дисциплины «Математика» предмета является частью программы среднего (полного) общего образования по специальности СПО 13.02.07 Электроснабжение, утв. приказом Министерства образования и науки РФ от 16 апреля 2024 г. № 255;

При реализации рабочей программы могут использоваться различные образовательные технологии, в том числе дистанционные образовательные технологии, электронное обучение.

Рабочая программа учебного предмета может быть использована в профессиональной подготовке, переподготовке и повышении квалификации рабочих по профессиям:

- электромонтер тяговой подстанции, 3 разряд

- электромонтер контактной сети, 3 разряд

* 1. **Место учебного предмета в структуре ОПОП-ППССЗ:**

Учебная дисциплина «Математика» является обязательной частью общеобразовательного цикла образовательной программы СПО в соответствии с ФГОС по специальности 13.02.07 Электроснабжение.

## **1.3 Планируемые результаты освоения учебного предмета:**

1.3.1Цели учебного предмета математика направлено на достижение результатов ее изучения в соответствии с требованиями ФГОС СОО с учетом профессиональной направленности ФГОС СПО:

- формирование представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, об идеях и методах математики;

- развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для будущей профессиональной деятельности, а также последующего обучения в высшей школе;

- овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для изучения школьных естественнонаучных дисциплин на базовом уровне, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;

- воспитание средствами математики культуры личности, понимания значимости математики для научно-технического прогресса, отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей.

1.3.2 В результате освоения учебного предмета обучающийся должен

**Уметь:**

* выполнять устно арифметические действия: сложение и вычитание двузначных чисел и десятичных дробей с двумя знаками, умножение однозначных чисел, арифметические операции с обыкновенными дробями с однозначным знаменателем и числителем;
* переходить от одной формы записи чисел к другой, представлять десятичную дробь в виде обыкновенной и в простейших случаях обыкновенную в виде десятичной, проценты — в виде дроби и дробь — в виде процентов; записывать большие и малые числа с использованием целых степеней десятки;
* выполнять арифметические действия с рациональными числами, сравнивать рациональные и действительные числа; находить в несложных случаях значения степеней с целыми показателями и корней; находить значения числовых выражений;
* округлять целые числа и десятичные дроби, находить приближения чисел с недостатком и с избытком, выполнять оценку числовых выражений;
* пользоваться основными единицами длины, массы, времени, скорости, площади, объема; выражать более крупные единицы через более мелкие и наоборот;
* решать текстовые задачи, включая задачи, связанные с отношением и с пропорциональностью величин, дробями и процентами;
* -оставлять буквенные выражения и формулы по условиям задач; осуществлять в выражениях и формулах числовые подстановки и выполнять соответствующие вычисления, осуществлять подстановку одного выражения в другое; выражать из формул одну переменную через остальные;
* выполнять основные действия со степенями с целыми показателями, с многочленами и с алгебраическими дробями; выполнять разложение многочленов на множители; выполнять тождественные преобразования рациональных выражений;
* применять свойства арифметических квадратных корней для вычисления значений и преобразований числовых выражений, содержащих квадратные корни;
* решать линейные, квадратные уравнения и рациональные уравнения, сводящиеся к ним, системы двух линейных уравнений и несложные нелинейные системы;
* решать линейные и квадратные неравенства с одной переменной и их системы;
* решать текстовые задачи алгебраическим методом, интерпретировать полученный результат, проводить отбор решений, исходя из формулировки задачи;
* изображать числа точками на координатной прямой;
* определять координаты точки плоскости, строить точки с заданными координатами; изображать множество решений линейного неравенства;
* распознавать арифметические и геометрические прогрессии; решать задачи с применением формулы общего члена и суммы нескольких первых членов;
* находить значения функции, заданной формулой, таблицей, графиком по ее аргументу; находить значение аргумента по значению функции, заданной графиком или таблицей; определять свойства функции по ее графику; применять графические представления при решении уравнений, систем, неравенств

**Знать:**

- существо понятия математического доказательства;

- примеры доказательств;

- существо понятия алгоритма;

- примеры алгоритмов;

- как используются математические формулы, уравнения и неравенства;

- примеры их применения для решения математических и практических задач;

- как математически определенные функции могут описывать реальные зависимости;

- приводить примеры такого описания;

- как потребности практики привели математическую науку к необходимости расширения понятия числа;

- вероятностный характер многих закономерностей окружающего мира;

- примеры статистических закономерностей и выводов;

- каким образом геометрия возникла из практических задач землемерия;

- примеры геометрических объектов и утверждений о них, важных для практики;

- смысл идеализации, позволяющей решать задачи реальной действительности математическими методами, примеры ошибок, возникающих при идеализации;

1.3.3Планируемые результаты освоения учебного предмета.

Особое значение учебный предмет имеет при формировании и развитии общих компетенций ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07

|  |  |
| --- | --- |
| **Общие компетенции** | **Планируемые результаты обучения** |
| **Общие** | **Дисциплинарные** |
| ОК 01 Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстам  | - готовность к труду, осознание ценности мастерства, трудолюбие; - готовность к активной деятельности технологической и социальной направленности, способность инициировать, планировать и самостоятельно выполнять такую деятельность; - интерес к различным сферам профессиональной деятельности, Овладение универсальными учебными познавательными действиями:а) базовые логические действия:- самостоятельно формулировать и актуализировать проблему, рассматривать ее всесторонне; - устанавливать существенный признак или основания для сравнения, классификации и обобщения; - определять цели деятельности, задавать параметры и критерии их достижения;- выявлять закономерности и противоречия в рассматриваемых явлениях; - вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям, оценивать риски последствий деятельности; - развивать креативное мышление при решении жизненных проблем б) базовые исследовательские действия:- владеть навыками учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; - выявлять причинно-следственные связи и актуализировать задачу, выдвигать гипотезу ее решения, находить аргументы для доказательства своих утверждений, задавать параметры и критерии решения; - анализировать полученные в ходе решения задачи результаты, критически оценивать их достоверность, прогнозировать изменение в новых условиях; -уметь переносить знания в познавательную и практическую области жизнедеятельности;- уметь интегрировать знания из разных предметных областей; - выдвигать новые идеи, предлагать оригинальные подходы и решения; и способность их использования в познавательной и социальной практике  | -владеть методами доказательств, алгоритмами решения задач; умение формулировать определения, аксиомы и теоремы, применять их, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;- уметь оперировать понятиями: степень числа, логарифм числа; умение выполнять вычисление значений и преобразования выражений со степенями и логарифмами, преобразования дробно-рациональных выражений;- уметь оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы;- уметь оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл; уметь находить производные элементарных функций, используя справочные материалы; исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение пути, скорости и ускорения;- уметь оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;- уметь решать текстовые задачи разных типов (в том числе на проценты, доли и части, на движение, работу, стоимость товаров и услуг, налоги, задачи из области управления личными и семейными финансами); составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать полученное решение и оценивать правдоподобность результатов;- уметь оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; уметь извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств;- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; умение вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;- уметь оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира;- уметь оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств; умение распознавать симметрию в пространстве; умение распознавать правильные многогранники;- уметь оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач;- уметь вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы;- уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками;- уметь выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки.- уметь оперировать понятиями: определение, аксиома, теорема, следствие, свойство, признак, доказательство, равносильные формулировки; умение формулировать обратное и противоположное утверждение, приводить примеры и контрпримеры, использовать метод математической индукции; проводить доказательные рассуждения при решении задач, оценивать логическую правильность рассуждений;- уметь оперировать понятиями: множество, подмножество, операции над множествами; умение использовать теоретико-множественный аппарат для описания реальных процессов и явлений при решении задач, в том числе из других учебных предметов;- уметь оперировать понятиями: граф, связный граф, дерево, цикл, граф на плоскости; умение задавать и описывать графы различными способами; использовать графы при решении задач;- уметь свободно оперировать понятиями: сочетание, перестановка, число сочетаний, число перестановок; бином Ньютона; умение применять комбинаторные факты и рассуждения для решения задач;-уметь оперировать понятиями: натуральное число, целое число, остаток по модулю, рациональное число, иррациональное число, множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел; умение использовать признаки делимости, наименьший общий делитель и наименьшее общее кратное, алгоритм Евклида при решении задач; знакомство с различными позиционными системами счисления;- уметь свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа;- уметь оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; умение решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни;-уметь свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; умение строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций;умение использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами;умение свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; умение проводить исследование функции;умение использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем;- уметь свободно оперировать понятиями: последовательность, арифметическая прогрессия, геометрическая прогрессия, бесконечно убывающая геометрическая прогрессия; умение задавать последовательности, в том числе с помощью рекуррентных формул;- уметь оперировать понятиями: непрерывность функции, асимптоты графика функции, первая и вторая производная функции, геометрический и физический смысл производной, первообразная, определенный интеграл; умение находить асимптоты графика функции; умение вычислять производные суммы, произведения, частного и композиции функций, находить уравнение касательной к графику функции;умение использовать производную для исследования функций, для нахождения наилучшего решения в прикладных, в том числе социально-экономических и физических задачах, для определения скорости и ускорения; находить площади и объемы фигур с помощью интеграла; приводить примеры математического моделирования с помощью дифференциальных уравнений;- уметь оперировать понятиями: комплексное число, сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа, форма записи комплексных чисел (геометрическая, тригонометрическая и алгебраическая); уметь производить арифметические действия с комплексными числами; приводить примеры использования комплексных чисел;- уметь свободно оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение для описания числовых данных; умение исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; графически исследовать совместные наблюдения с помощью диаграмм рассеивания и линейной регрессии;- уметь находить вероятности событий с использованием графических методов; применять для решения задач формулы сложения и умножения вероятностей, формулу полной вероятности, формулу Бернулли, комбинаторные факты и формулы; оценивать вероятности реальных событий; умение оперировать понятиями: случайная величина, распределение вероятностей, математическое ожидание, дисперсия и стандартное отклонение случайной величины, функции распределения и плотности равномерного, показательного и нормального распределений; умение использовать свойства изученных распределений для решения задач; знакомство с понятиями: закон больших чисел, методы выборочных исследований; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях;- уметь свободно оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, отрезок, луч, плоский угол, двугранный угол, трехгранный угол, пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями; умение использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов в окружающем мире; умение оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, правильный многогранник, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, развертка поверхности, сечения конуса и цилиндра, параллельные оси или основанию, сечение шара, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса; умение строить сечение многогранника, изображать многогранники, фигуры и поверхности вращения, их сечения, в том числе с помощью электронных средств; умение применять свойства геометрических фигур, самостоятельно формулировать определения изучаемых фигур, выдвигать гипотезы о свойствах и признаках геометрических фигур, обосновывать или опровергать их; умение проводить классификацию фигур по различным признакам, выполнять необходимые дополнительные построения; - уметь свободно оперировать понятиями: площадь фигуры, объем фигуры, величина угла, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями, площадь сферы, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение находить отношение объемов подобных фигур;- уметь свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; умение распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; умение использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни;- уметь свободно оперировать понятиями: прямоугольная система координат, вектор, координаты точки, координаты вектора, сумма векторов, произведение вектора на число, разложение вектора по базису, скалярное произведение, векторное произведение, угол между векторами; умение использовать векторный и координатный метод для решения геометрических задач и задач других учебных предметов; оперировать понятиями: матрица 2x2 и 3x3, определитель матрицы, геометрический смысл определителя;- уметь моделировать реальные ситуации на языке математики; составлять выражения, уравнения, неравенства и их системы по условию задачи, исследовать построенные модели с использованием аппарата алгебры, интерпретировать полученный результат; строить математические модели с помощью геометрических понятий и величин, решать связанные с ними практические задачи; составлять вероятностную модель и интерпретировать полученный результат; решать прикладные задачи средствами математического анализа, в том числе социально-экономического и физического характера;- умение выбирать подходящий метод для решения задачи; понимание значимости математики в изучении природных и общественных процессов и явлений; умение распознавать проявление законов математики в искусстве, умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки |
| ОК 02 Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации, и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельности  | В области ценности научного познания:-сформированность мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки и общественной практики, основанного на диалоге культур, способствующего осознанию своего места в поликультурном мире; - совершенствование языковой и читательской культуры как средства взаимодействия между людьми и познания мира; - осознание ценности научной деятельности, готовность осуществлять проектную и исследовательскую деятельность индивидуально и в группе. Овладение универсальными учебными познавательными действиями:в) работа с информацией:- владеть навыками получения информации из источников разных типов, самостоятельно осуществлять поиск, анализ, систематизацию и интерпретацию информации различных видов и форм представления; - создавать тексты в различных форматах с учетом назначения информации и целевой аудитории, выбирая оптимальную форму представления и визуализации; - оценивать достоверность, легитимность информации, ее соответствие правовым и морально-этическим нормам; - использовать средства информационных и коммуникационных технологий в решении когнитивных, коммуникативных и организационных задач с соблюдением требований эргономики, техники безопасности, гигиены, ресурсосбережения, правовых и этических норм, норм информационной безопасности; - владеть навыками распознавания и защиты информации, информационной безопасности личности | - уметь оперировать понятиями: рациональная функция, показательная функция, степенная функция, логарифмическая функция, тригонометрические функции, обратные функции; умение строить графики изученных функций, использовать графики при изучении процессов и зависимостей, при решении задач из других учебных предметов и задач из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами; - уметь оперировать понятиями: тождество, тождественное преобразование, уравнение, неравенство, система уравнений и неравенств, равносильность уравнений, неравенств и систем, рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и системы; уметь решать уравнения, неравенства и системы с помощью различных приемов; решать уравнения, неравенства и системы с параметром; применять уравнения, неравенства, их системы для решения математических задач и задач из различных областей науки и реальной жизни; - уметь свободно оперировать понятиями: движение, параллельный перенос, симметрия на плоскости и в пространстве, поворот, преобразование подобия, подобные фигуры; уметь распознавать равные и подобные фигуры, в том числе в природе, искусстве, архитектуре; уметь использовать геометрические отношения, находить геометрические величины (длина, угол, площадь, объем) при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни  |
| ОК 03 Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие, предпринимательскую деятельность в профессиональной сфере, использовать знания по финансовой грамотности в различных жизненных ситуациях  |  В области духовно-нравственного воспитания:-- сформированность нравственного сознания, этического поведения; - способность оценивать ситуацию и принимать осознанные решения, ориентируясь на морально-нравственные нормы и ценности; - осознание личного вклада в построение устойчивого будущего; - ответственное отношение к своим родителям и (или) другим членам семьи, созданию семьи на основе осознанного принятия ценностей семейной жизни в соответствии с традициями народов России; Овладение универсальными регулятивными действиями:а) самоорганизация:- самостоятельно осуществлять познавательную деятельность, выявлять проблемы, ставить и формулировать собственные задачи в образовательной деятельности и жизненных ситуациях; - самостоятельно составлять план решения проблемы с учетом имеющихся ресурсов, собственных возможностей и предпочтений; - давать оценку новым ситуациям; способствовать формированию и проявлению широкой эрудиции в разных областях знаний, постоянно повышать свой образовательный и культурный уровень; б) самоконтроль:использовать приемы рефлексии для оценки ситуации, выбора верного решения; - уметь оценивать риски и своевременно принимать решения по их снижению; в) эмоциональный интеллект, предполагающий сформированность:внутренней мотивации, включающей стремление к достижению цели и успеху, оптимизм, инициативность, умение действовать, исходя из своих возможностей; - эмпатии, включающей способность понимать эмоциональное состояние других, учитывать его при осуществлении коммуникации, способность к сочувствию и сопереживанию; - социальных навыков, включающих способность выстраивать отношения с другими людьми, заботиться, проявлять интерес и разрешать конфликты | - уметь оперировать понятиями: рациональные, иррациональные, показательные, степенные, логарифмические, тригонометрические уравнения и неравенства, их системы; - уметь оперировать понятиями: многогранник, сечение многогранника, куб, параллелепипед, призма, пирамида, фигура и поверхность вращения, цилиндр, конус, шар, сфера, сечения фигуры вращения, плоскость, касающаяся сферы, цилиндра, конуса, площадь поверхности пирамиды, призмы, конуса, цилиндра, площадь сферы, объем куба, прямоугольного параллелепипеда, пирамиды, призмы, цилиндра, конуса, шара; умение изображать многогранники и поверхности вращения, их сечения от руки, с помощью чертежных инструментов и электронных средств; уметь распознавать симметрию в пространстве; уметь распознавать правильные многогранники; - уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками |
| ОК 04 Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и команде  | готовность к саморазвитию, самостоятельности и самоопределению; -овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности; Овладение универсальными коммуникативными действиями:б) совместная деятельность:- понимать и использовать преимущества командной и индивидуальной работы; - принимать цели совместной деятельности, организовывать и координировать действия по ее достижению: составлять план действий, распределять роли с учетом мнений участников обсуждать результаты совместной работы; - координировать и выполнять работу в условиях реального, виртуального и комбинированного взаимодействия; - осуществлять позитивное стратегическое поведение в различных ситуациях, проявлять творчество и воображение, быть инициативным.Овладение универсальными регулятивными действиями:г) принятие себя и других людей:- принимать мотивы и аргументы других людей при анализе результатов деятельности; - признавать свое право и право других людей на ошибки; - развивать способность понимать мир с позиции другого человека | - уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; уметь вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях; - уметь свободно оперировать понятиями: степень с целым показателем, корень натуральной степени, степень с рациональным показателем, степень с действительным (вещественным) показателем, логарифм числа, синус, косинус и тангенс произвольного числа; - уметь свободно оперировать понятиями: график функции, обратная функция, композиция функций, линейная функция, квадратичная функция, степенная функция с целым показателем, тригонометрические функции, обратные тригонометрические функции, показательная и логарифмическая функции; уметь строить графики функций, выполнять преобразования графиков функций; - уметь использовать графики функций для изучения процессов и зависимостей при решении задач из других учебных предметов и из реальной жизни; выражать формулами зависимости между величинами; - свободно оперировать понятиями: четность функции, периодичность функции, ограниченность функции, монотонность функции, экстремум функции, наибольшее и наименьшее значения функции на промежутке; уметь проводить исследование функции; - уметь использовать свойства и графики функций для решения уравнений, неравенств и задач с параметрами; изображать на координатной плоскости множества решений уравнений, неравенств и их систем |
| ОК 05 Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекста  | В области эстетического воспитания:- эстетическое отношение к миру, включая эстетику быта, научного и технического творчества, спорта, труда и общественных отношений; - способность воспринимать различные виды искусства, традиции и творчество своего и других народов, ощущать эмоциональное воздействие искусства; - убежденность в значимости для личности и общества отечественного и мирового искусства, этнических культурных традиций и народного творчества; - готовность к самовыражению в разных видах искусства, стремление проявлять качества творческой личности; Овладение универсальными коммуникативными действиями:а) общение:- осуществлять коммуникации во всех сферах жизни;- распознавать невербальные средства общения, понимать значение социальных знаков, распознавать предпосылки конфликтных ситуаций и смягчать конфликты; - развернуто и логично излагать свою точку зрения с использованием языковых средств | - уметь оперировать понятиями: среднее арифметическое, медиана, наибольшее и наименьшее значения, размах, дисперсия, стандартное отклонение числового набора; умение извлекать, интерпретировать информацию, представленную в таблицах, на диаграммах, графиках, отражающую свойства реальных процессов и явлений; представлять информацию с помощью таблиц и диаграмм; исследовать статистические данные, в том числе с применением графических методов и электронных средств; - уметь оперировать понятиями: точка, прямая, плоскость, пространство, двугранный угол, скрещивающиеся прямые, параллельность и перпендикулярность прямых и плоскостей, угол между прямыми, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями, расстояние от точки до плоскости, расстояние между прямыми, расстояние между плоскостями; - уметь использовать при решении задач изученные факты и теоремы планиметрии; умение оценивать размеры объектов окружающего мира |
| ОК 06 Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей, в том числе с учетом гармонизации межнациональных и межрелигиозных отношений, применять стандарты антикоррупционного поведения  | - осознание обучающимися российской гражданской идентичности; - целенаправленное развитие внутренней позиции личности на основе духовно-нравственных ценностей народов Российской Федерации, исторических и национально-культурных традиций, формирование системы значимых ценностно-смысловых установок, антикоррупционного мировоззрения, правосознания, экологической культуры, способности ставить цели и строить жизненные планы; В части гражданского воспитания:- осознание своих конституционных прав и обязанностей, уважение закона и правопорядка;- принятие традиционных национальных, общечеловеческих гуманистических и демократических ценностей; - готовность противостоять идеологии экстремизма, национализма, ксенофобии, дискриминации по социальным, религиозным, расовым, национальным признакам; - готовность вести совместную деятельность в интересах гражданского общества, участвовать в самоуправлении в общеобразовательной организации и детско-юношеских организациях; - умение взаимодействовать с социальными институтами в соответствии с их функциями и назначением; - готовность к гуманитарной и волонтерской деятельности; патриотического воспитания:- сформированность российской гражданской идентичности, патриотизма, уважения к своему народу, чувства ответственности перед Родиной, гордости за свой край, свою Родину, свой язык и культуру, прошлое и настоящее многонационального народа России; - ценностное отношение к государственным символам, историческому и природному наследию, памятникам, традициям народов России, достижениям России в науке, искусстве, спорте, технологиях и труде; - идейная убежденность, готовность к служению и защите Отечества, ответственность за его судьбу; освоенные обучающимися межпредметные понятия и универсальные учебные действия (регулятивные, познавательные, коммуникативные); - способность их использования в познавательной и социальной практике, готовность к самостоятельному планированию и осуществлению учебной деятельности, организации учебного сотрудничества с педагогическими работниками и сверстниками, к участию в построении индивидуальной образовательной траектории; - овладение навыками учебно-исследовательской, проектной и социальной деятельности | - уметь оперировать понятиями: прямоугольная система координат, координаты точки, вектор, координаты вектора, скалярное произведение, угол между векторами, сумма векторов, произведение вектора на число; находить с помощью изученных формул координаты середины отрезка, расстояние между двумя точками;-уметь выбирать подходящий изученный метод для решения задачи, распознавать математические факты и математические модели в природных и общественных явлениях, в искусстве; умение приводить примеры математических открытий российской и мировой математической науки.- уметь оперировать понятиями: случайный опыт и случайное событие, вероятность случайного события; уметь вычислять вероятность с использованием графических методов; применять формулы сложения и умножения вероятностей, комбинаторные факты и формулы при решении задач; оценивать вероятности реальных событий; знакомство со случайными величинами; умение приводить примеры проявления закона больших чисел в природных и общественных явлениях |
| ОК 07 Содействовать сохранению окружающей среды, ресурсосбережению, применять знания об изменении климата, принципы бережливого производства, эффективно действовать в чрезвычайных ситуациях  | - не принимать действия, приносящие вред окружающей среде;- уметь прогнозировать неблагоприятные экологические последствия предпринимаемых действий, предотвращать их;- расширить опыт деятельности экологической направленности;- разрабатывать план решения проблемы с учетом анализа имеющихся материальных и нематериальных ресурсов;- осуществлять целенаправленный поиск переноса средств и способов действия в профессиональную среду;- уметь переносить знания в познавательную и практическую области жизнедеятельности;- предлагать новые проекты, оценивать идеи с позиции новизны, оригинальности, практической значимости;- давать оценку новым ситуациям, вносить коррективы в деятельность, оценивать соответствие результатов целям | - уметь оперировать понятиями: функция, непрерывная функция, производная, первообразная, определенный интеграл; уметь находить производные элементарных функций, используя справочные материалы; исследовать в простейших случаях функции на монотонность, находить наибольшие и наименьшие значения функций; строить графики многочленов с использованием аппарата математического анализа; применять производную при решении задач на движение; решать практико-ориентированные задачи на наибольшие и наименьшие значения, на нахождение пути, скорости и ускорения; - уметь оперировать понятиями: движение в пространстве, подобные фигуры в пространстве; использовать отношение площадей поверхностей и объемов подобных фигур при решении задач; - уметь вычислять геометрические величины (длина, угол, площадь, объем, площадь поверхности), используя изученные формулы и методы |

В результате освоения программы учебного предмета реализуется программа воспитания, направленная на формирование следующих личностных результатов (ЛР):

ЛР 02 проявление активной гражданской позиции, демонстрация приверженности принципам честности, порядочности, открытости, экономической активности и участия в студенческом и территориальном самоуправлении, в том числе на условиях добровольчества, продуктивность взаимодействия и участия в деятельности общественных организаций;

ЛР 04 проявление и демонстрация уважения к людям труда, осознание ценности собственного труда. Стремление к формированию в сетевой среде личностного и профессионального конструктивного «цифрового следа»;

ЛР 23 получение обучающимися возможности самораскрытия и самореализация личности;

ЛР 30 осуществление поиска и использования информации, необходимой для эффективного выполнения различных задач, профессионального и личностного развития.

# **2. Структура и содержание общеобразовательной дисциплины**

## **2.1. Объем дисциплины и виды учебной работы**

|  |  |
| --- | --- |
| **Вид учебной работы** | **Объём в часах** |
| **Объём образовательной программы учебного предмета** | **340** |
| в том числе: |  |
| **Основное содержание** | **2784** |
| в том числе: |
| лекции, уроки | 192 |
| практические занятия  | 62 |
| Самостоятельная работа обучающегося (всего) | - |
|  **Профессионально-ориентированное содержание** | **56** |
| в т.ч.: |  |
| теоретическое обучение  | 4 |
| практические занятия  | 52 |
| ***Промежуточная аттестация: экзамен – 2 семестр*** |  |

## **2.2. Тематический план и содержание дисциплины**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Наименование разделов и тем** | **Содержание учебного материала (основное и профессионально-ориентированное), лабораторные и практические занятия, прикладной модуль (при наличии)** | **Объем, акад. ч**  | **Формируемые компетенции и личностные результаты** |
| **1** | **2** | **3** | **4** |
| **Основное содержание** |
| ***1 семестр ( 100 лк +36 пз)*** |  |  |
| **Раздел 1. Повторение курса математики основной школы** | **20** |  |
| Тема 1.1Цель и задачи математики при освоении специальности | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Базовые знания и умения по математике в профессиональной и в повседневной деятельности. Комбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 1.2Числа и вычисления. Выражения и преобразования | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Действия над положительными и отрицательными числами, обыкновенными и десятичными дробями. Действия со степенями, формулы сокращенного умножения.Комбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 1.3. Геометрия на плоскости | **Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)** | **2** |  |
| **Практическое занятие № 1** Виды плоских фигур и их площадь.  | 2 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 1.4 Процентные вычисления | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| **Практическое занятие № 2-3**Простые проценты, разные способы их вычисления. Сложные проценты | 4 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 1.5 Уравнения и неравенства  | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| **Практическое занятие № 4**Линейные, квадратные, дробно-линейные уравнения и неравенства | 2 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 1.6Системы уравнений и неравенств | **Содержание учебного материала** | **6** |  |
| Понятия: матрица 2х2 и 3х3, определитель матрицы. Способы решения систем линейных уравнений. Способы решения систем линейных уравнений. Метод Гаусса. Системы нелинейных уравнений. Системы неравенств.Комбинированное занятие | 6 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 1.7 Входной контроль | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Вычисления и преобразования. Уравнения и неравенства. Геометрия на плоскостиКонтрольная работа | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| **Раздел 2. Прямые и плоскости в пространстве** | **20** |  |
| Тема 2.1. Основные понятия стереометрии. Расположение прямых и плоскостей | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Предмет стереометрии. Основные понятия (точка, прямая, плоскость, пространство). Основные аксиомы стереометрии. Пересекающиеся, параллельные и скрещивающиеся прямые. Признак и свойство скрещивающихся прямых. Основные пространственные фигуры.Комбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 2.2. Параллельность прямых, прямой и плоскости, плоскостей | **Содержание учебного материала** | **6** |  |
| Параллельные прямая и плоскость. Определение. Признак. Свойства (с доказательством). Параллельные плоскости. Определение. Признак. Свойства (с доказательством). Тетраэдр и его элементы. Параллелепипед и его элементы. Свойства противоположных граней и диагоналей параллелепипеда. Построение сечений. Решение задач. Комбинированное занятие | 6 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 2.3. Перпендикулярность прямых, прямой и плоскости, плоскостей | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Перпендикулярные прямые. Параллельные прямые, перпендикулярные к плоскости. Признак перпендикулярности прямой и плоскости. Доказательство. Перпендикуляр и наклонная. Перпендикулярные плоскости. Признак перпендикулярности плоскостей. Доказательство. Расстояния в пространствеКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 2.4. Теорема о трех перпендикулярах | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Теорема о трех перпендикулярах. Доказательство. Угол между прямой и плоскостью. Угол между плоскостямиКомбинированное занятие | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 2.5.Параллельные, перпендикулярные, скрещивающиеся прямые | **Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)** | **4** |  |
| **Практическое занятие № 5-6**Аксиомы стереометрии. Перпендикулярность прямой и плоскости, параллельность двух прямых, перпендикулярных плоскости, перпендикулярность плоскостей | 4 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 2.6. Решение задач. Прямые и плоскости в пространстве | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Расположение прямых и плоскостей в пространстве. Перпендикулярность и параллельность прямых и плоскостей. Скрещивающиеся прямые.Контрольная работа | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| **Раздел 3. Координаты и векторы** | **16/4** |  |
| Тема 3.1Декартовы координаты в пространстве. Расстояние между двумя точками. Координаты середины отрезка | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Декартовы координаты в пространстве. Простейшие задачи в координатах. Простейшие задачи в координатах Расстояние между двумя точками, координаты середины отрезка Комбинированное занятие | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 3.2 Векторы в пространстве.Угол между векторами. Скалярное произведение векторов | **Содержание учебного материала** | **6** |  |
| Векторы в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Компланарные векторы. Разложение вектора по трем некомпланарным векторам. Скалярное произведение векторов. Координаты вектора, скалярное произведение векторов в координатах, угол между векторами, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостями. Уравнение плоскости. Геометрический смысл определителя 2х2. | 6 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 3.3 Практико-ориентированные задачи на координатной плоскости | **Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)** | **4/4** |  |
| **Практическое занятие № 7-8**Координатная плоскость. Вычисление расстояний и площадей на плоскости. Количественные расчеты | 4 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 3.4 Решение задач. Координаты и векторы | **Содержание учебного материала** |  **2** |  |
| Декартовы координаты в пространстве. Векторы в пространстве. Сложение и вычитание векторов. Умножение вектора на число. Компланарные векторы. Скалярное произведение векторов. Разложение вектора по трем некомпланарным векторам. Простейшие задачи в координатах. Координаты вектора, расстояние между точками, координаты середины отрезка, скалярное произведение векторов в координатах, угол между векторами, угол между прямой и плоскостью, угол между плоскостямиКонтрольная работа | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| **Раздел 4. Основы тригонометрии. Тригонометрические функции** | **40/4** |  |
| Тема 4.1 Тригонометрические функции произвольного угла, числа. Радианная и градусная мера угла | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Радианная мера угла. Поворот точки вокруг начала координат. Определение синуса, косинуса, тангенса и котангенса. Знаки синуса, косинуса, тангенса и котангенса по четвертям. Зависимость между синусом, косинусом, тангенсом и котангенсом одного и того же угла. Комбинированное занятие. | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 4.2 Основные тригонометрические тождества. Формулы приведения | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Тригонометрические тождества. Синус, косинус, тангенс и котангенс углов α и - α. Формулы приведения. Комбинированное занятие. | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 4.3 Синус, косинус, тангенс суммы и разности двух угловСинус и косинус двойного угла. Формулы половинного угла | **Содержание учебного материала** | **8** |  |
| Сумма и разность синусов. Сумма и разность косинусов. Синус и косинус двойного угла. Формулы половинного угла. Преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму. Выражение тригонометрических функций через тангенс половинного аргумента. Преобразования простейших тригонометрических выраженийКомбинированное занятие | 8 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 4.4 Функции, их свойства. Способы задания функций | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Область определения и множество значений функций. Чётность, нечётность, периодичность функций. Способы задания функцийКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 4.5 Тригонометрические функции, их свойства и графики | **Содержание учебного материала** | **2/-** |  |
| Область определения и множество значений тригонометрических функций. Чётность, нечётность, периодичность тригонометрических функций. Свойства и графики функций y = cos x, y = sin x, y = tg x, y = сtg x. Комбинированное занятие. | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 4.6 Преобразование графиков тригонометрических функций | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| **Практическое занятие №9**Сжатие и растяжение графиков тригонометрических функций. Преобразование графиков тригонометрических функций | 2 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 4.7 Описание производственных процессов с помощью графиков функций | **Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)** | **4** |  |
| **Практическое занятие №10-11**Использование свойств тригонометрических функций в профессиональных задачах  | 4 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 4.8 Обратные тригонометрические функции | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Обратные тригонометрические функции. Их свойства и графикиКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 4.9 Тригонометрические уравнения и неравенства | **Содержание учебного материала** | **8** |  |
| Уравнение cos х = a. Уравнение sin x = a. Уравнение tg x = a, сtg x = a. Решение тригонометрических уравнений основных типов: простейшие тригонометрические уравнения, сводящиеся к квадратным, решаемые разложением на множители, однородные. Комбинированное занятие. | 8 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 4.10 Системы тригонометрических уравнений | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Системы простейших тригонометрических уравненийКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 4.11 Решение задач. основы тригонометрии. Тригонометрические функции | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Преобразование тригонометрических выражений. Решение тригонометрических уравнений и неравенств в том числе с использованием свойств функций.Контрольная работа | 2 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| **Раздел 5. Комплексные числа** | **8** |  |
| Тема 5.1 Комплексные числа | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Понятие комплексного числа. Сопряженные комплексные числа, модуль и аргумент комплексного числа. Форма записи комплексного числа (геометрическая, тригонометрическая, алгебраическая). Арифметические действия с комплексными числами.  Комбинированное занятие | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 5.2Применение комплексных чисел | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| **Практическое занятие №12-13**Выполнение расчетов с помощью комплексных чисел. Примеры использования комплексных чисел | 4 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| **Раздел 6. Производная функции, ее применение** | **40** |  |
| Тема 6.1 Понятие производной. Формулы и правила дифференцирования | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Определение числовой последовательности и способы ее задания. Свойства числовых последовательностей. Определение предела последовательности. Вычисление пределов последовательностей. Предел функции на бесконечности. Предел функции в точке. Приращение аргумента. Приращение функции. Задачи, приводящие к понятию производной. Определение производной. Алгоритм отыскания производнойКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 6.2 Производные суммы, разности произведения, частного | **Содержание учебного материала** | **6** |  |
| Формулы дифференцирования. Правила дифференцированияКомбинированное занятие | 6 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 6.3 Производные тригонометрических функций. Производная сложной функции | **Содержание учебного материала** | **6** |  |
| Определение сложной функции. Производная тригонометрических функций. Производная сложной функцииКомбинированное занятие | 6 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 6.4 Понятие о непрерывности функции. Метод интервалов | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Понятие непрерывной функции. Свойства непрерывной функции. Связь между непрерывностью и дифференцируемостью функции в точке. Алгоритм решения неравенств методом интервалов.Комбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 6.5 Геометрический и физический смысл производной | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Геометрический смысл производной функции – угловой коэффициент касательной к графику функции в точке. Уравнение касательной к графику функции. Алгоритм составления уравнения касательной к графику функции y=f(x). Комбинированное занятие | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 6.6 Физический смысл производной в профессиональных задачах | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| **Практическое занятие №14**Физический (механический) смысл производной – мгновенная скорость в момент времени t: v = S′ (t) | 2 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 6.7 Монотонность функции. Точки экстремума | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Возрастание и убывание функции, соответствие возрастания и убывания функции знаку производной. Понятие производной высшего порядка, соответствие знака второй производной выпуклости (вогнутости) функции на отрезке. Задачи на максимум и минимум. Понятие асимптоты, способы их определения. Алгоритм исследования функции и построения ее графика с помощью производной. Дробно-линейная функция.Комбинированное занятие | 4 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 6.8 Исследование функций и построение графиков  | **Содержание учебного материала** | **4** | 1 |
| Исследование функции на монотонность и построение графиков.Комбинированное занятие | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 6.9 Наибольшее и наименьшее значения функции | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Нахождение наибольшего и наименьшего значений функций, построение графиков многочленов с использованием аппарата математического анализаКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| **2 семестр (96 лек + 78 пз + 30 экзамен)** |  |
| Тема 6.10 Нахождение оптимального результата с помощью производной в практических задачах | **Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)** |
| **Содержание учебного материала** | **6** |  |
| **Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)** |  |  |
| **Практическое занятие № 16,17,18,19**Наименьшее и наибольшее значение функции | 6 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 6.11 Решение задач. Производная функции, ее применение | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Формулы и правила дифференцирования. Исследование функций с помощью производной. Наибольшее и наименьшее значения функцииКонтрольная работа  | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |

|  |
| --- |
| **Раздел 7. Многогранники и тела вращения 46** |
| Тема 7.1 Вершины, ребра, грани многогранника | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Понятие многогранника. Его элементы: вершины, ребра, грани. Диагональ. Сечение. Выпуклые и невыпуклые многогранникиКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 7.2Призма, ее составляющие, сечение. Прямая и правильная призмы | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Понятие призмы. Ее основания и боковые грани. Высота призмы. Прямая и наклонная призма. Правильная призма. Ее сечениеКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 7.3 Параллелепипед, куб. Сечение куба, параллелепипеда | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Параллелепипед, свойства прямоугольного параллелепипеда, куб. Сечение куба, параллелепипедаКомбинированное занятие | 2 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 7.4 Пирамида, ее составляющие, сечение. Правильная пирамида. Усеченная пирамида | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Пирамида и ее элементы. Сечение пирамиды. Правильная пирамида. Усеченная пирамидаКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 7.5 Боковая и полная поверхность призмы, пирамиды | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Площадь боковой и полной поверхности призмы, пирамидыКомбинированное занятие | 2 | 2,31ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 7.6 Симметрия в кубе, параллелепипеде, призме, пирамиде | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Симметрия относительно точки, прямой, плоскости. Симметрия в кубе, параллелепипеде, призме, пирамидеКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 7.7 Примеры симметрий в профессии | **Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)** | **6** |  |
| **Практическое занятие № 20,21,22**Симметрия в природе, архитектуре, технике, в быту | 6 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 7.8 Правильные многогранники, их свойства | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| **Практическое занятие № 23**Понятие правильного многогранника. Свойства правильных многогранников | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 7.9 Цилиндр, его составляющие. Сечение цилиндра | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Цилиндр и его элементы. Сечение цилиндра (параллельное основанию и оси). Развертка цилиндраКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 7.10 Конус, его составляющие. Сечение конуса | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Конус и его элементы. Комбинированное занятиеСечение конуса (параллельное основанию и проходящее через вершину), конические сечения. Развертка конуса. Комбинированное занятие | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 7.11 Усеченный конус. Сечение усеченного конуса | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Усеченный конус. Его образующая и высота. Сечение усеченного конуса Комбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 7.12 Шар и сфера, их сечения | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Шар и сфера. Взаимное расположение сферы и плоскости. Сечение шара, сферыКомбинированное занятие  | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 7.13 Понятие об объеме тела. Отношение объемов подобных тел | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Понятие об объеме тела. Объем куба и прямоугольного параллелепипеда. Объем призмы и цилиндра. Отношение объемов подобных тел. Геометрический смысл определителя 3-го порядка. Комбинированное занятие | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 7.14 Объемы и площади поверхностей тел | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Объемы пирамиды и конуса. Объем шара. Площади поверхностей телКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 7.15 Комбинации многогранников и тел вращения | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| **Практическое занятие № 24, 25**Комбинации геометрических тел | 4 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 7.16Геометрические комбинации на практике | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| **Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)**  |  |  |
| **Практическое занятие № 26,27**Использование комбинаций многогранников и тел вращения в практико-ориентированных задачах | 4 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 7.17 Решение задач. Многогранники и тела вращения | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Объемы и площади поверхности многогранников и тел вращенияКонтрольная работа  | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| **Раздел 8. Первообразная функции, ее применение** |  |  |
| Тема 8.1 Первообразная функции. Правила нахождения первообразных | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Задача о восстановлении закона движения по известной скорости. Понятие интегрирования. Ознакомление с понятием интеграла и первообразной для функции y=f(x). Решение задач на связь первообразной и ее производной, вычисление первообразной для данной функции. Таблица формул для нахождения первообразных. Изучение правила вычисления первообразнойКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 8.2 Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона – Лейбница | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла – о вычислении площади криволинейной трапеции, о перемещении точки. Понятие определённого интеграла. Геометрический и физический смысл определенного интеграла. Формула Ньютона— ЛейбницаКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 8.3 Неопределенный и определенный интегралы | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Понятие неопределенного интегралаКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 8.4 Понятие об определенном интеграле как площади криволинейной трапеции | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Геометрический смысл определенного интеграла Комбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 8.5 Определенный интеграл в жизни | **Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)** | **4** |  |
| **Практическое занятие №28, 29**Геометрический смысл определенного интеграла. Формула Ньютона – Лейбница.  | 4 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 8.6 Решение задач. Первообразная функции, ее применение | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Первообразная функции. Правила нахождения первообразных. Ее применениеКонтрольная работа  | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Раздел 9. Степени и корни. Степенная функция** |  |  |
| Тема 9.1 Степенная функция, ее свойства | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Понятие корня n-ой степени из действительного числа. Функции $ у=\sqrt[n]{x}$ их свойства и графики. Свойства корня n-ой степени. Комбинированное занятие  | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 9.2 Преобразование выражений с корнями n-ой степени | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Преобразование иррациональных выраженийКомбинированное занятие | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 9.3 Свойства степени с рациональным и действительным показателями  | **Содержание учебного материала** | **2** | 2 |
| Понятие степени с любым рациональным показателем. Степенные функции, их свойства и графикиКомбинированное занятие | 2 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 9.4 Решение иррациональных уравнений и неравенств | **Содержание учебного материала** |  **4** |  |
| Равносильность иррациональных уравнений и неравенств. Методы их решения. Решение иррациональных уравнений и неравенствКомбинированное занятие | 4 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 9.5 Степени и корни. Степенная функция | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Определение степенной функции. Использование ее свойств при решении уравнений и неравенствКонтрольная работа  | 2 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| **Раздел 10. Показательная функция** |  |  |
| Тема 10.1 Показательная функция, ее свойства | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Степень с произвольным действительным показателем. Определение показательной функции, ее свойства и график. Знакомство с применением показательной функции. Комбинированное занятиеРешение показательных уравнений функционально-графическим методом. Комбинированное занятие | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 10.2 Решение показательных уравнений и неравенств | **Содержание учебного материала** | **8** |  |
| **Практическое занятие №30,31**Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей, методом введения новой переменной, функционально-графическим методом. Решение показательных неравенств | 4 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
|  | **Практическое занятие № 32,33**Решение показательных неравенств | 4 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 10.3 Системы показательных уравнений | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Решение систем показательных уравненийКомбинированное занятие | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 10.4 Решение задач. Показательная функция | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Решение показательных уравнений методом уравнивания показателей и методом введения новой переменной. Решение показательных неравенствКонтрольная работа  | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| **Раздел 11. Логарифмы. Логарифмическая функция -30** |  |
| Тема 11.1 Логарифм числа. Десятичный и натуральный логарифмы, число е | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Логарифм числа. Десятичный и натуральный логарифмы, число еКомбинированное занятие | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 11.2 Свойства логарифмов. Операция логарифмирования | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Свойства логарифмов. Операция логарифмирования.Комбинированное занятие  | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 11.3 Логарифмическая функция, ее свойства | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Логарифмическая функция и ее свойстваКомбинированное занятие | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 11.4Решение логарифмических уравнений и неравенств | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Понятие логарифмического уравнения. Операция потенцирования. Три основных метода решения логарифмических уравнений: функционально-графический, метод потенцирования, метод введения новой переменной. Логарифмические неравенстваКомбинированное занятие | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 11.5Системы логарифмических уравнений | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Алгоритм решения системы уравнений. Равносильность логарифмических уравнений и неравенствКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 11.6 Логарифмы в природе и технике  | **Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)** | **4** |  |
| **Практическое занятие №34,35**Применение логарифма. Логарифмическая спираль в природе. Ее математические свойства | 4 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 11.7Решение задач. Логарифмы. Логарифмическая функция | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Логарифмическая функция. Решение простейших логарифмических уравненийКонтрольная работа | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| **Раздел 12. Множества. Элементы теории графов-10** |
| Тема 12.1Множества | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Понятие множества. Подмножество. Операции с множествамиКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 12.2Операции с множествами | **Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)** |  |  |
| **Практическое занятие №36**Операции с множествами. Решение прикладных задач | 2 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 12.3Графы | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| **Практическая работа №37,38**Понятие графа. Связный граф, дерево, цикл граф на плоскости | 4 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 12.4Решение задач. Множества, Графы и их применение | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Операции с множествами. Описание реальных ситуаций с помощью множеств. Применение графов к решению задачКонтрольная работа | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| **Раздел 13. Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей** |  |
| Тема 13.1Основные понятия комбинаторики | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Перестановки, размещения, сочетания. Комбинированное занятие. | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 13.2 Событие, вероятность события. Сложение и умножение вероятностей | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Совместные и несовместные события. Теоремы о вероятности суммы событий. Условная вероятность. Зависимые и независимые события. Теоремы о вероятности произведения событий.Комбинированное занятие | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 13.3Вероятность в профессиональных задачах  | **Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)** | **2** |  |
| **Практическое занятие №39-40**Относительная частота события, свойство ее устойчивости. Статистическое определение вероятности. Оценка вероятности события | 2 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 13.4Дискретная случайная величина, закон ее распределения | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Виды случайных величин. Определение дискретной случайной величины. Закон распределения дискретной случайной величины. Ее числовые характеристикиКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 13.5Задачи математической статистики | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Вариационный ряд. Полигон частот и гистограмма. Статистические характеристики ряда наблюдаемых данныхКомбинированное занятие  | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 13.6 Составление таблиц и диаграмм на практике | **Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)** | **4** |  |
| **Практическое занятие №41,42**Первичная обработка статистических данных. Графическое их представление. Нахождение средних характеристик, наблюдаемых данных | 4 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 13.7 Решение задач. Элементы комбинаторики, статистики и теории вероятностей | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Элементы комбинаторики. Событие, вероятность события. Сложение и умножение вероятностейКонтрольная работа | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| **Раздел 14. Уравнения и неравенства** |  |  |
| Тема 14.1 Равносильность уравнений и неравенств. Общие методы решения | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Равносильность уравнений и неравенств. Определения. Основные теоремы равносильных переходах в уравнениях и неравенствах. Общие методы решения уравнений: переход от равенства функций к равенству аргументов для монотонных функций, метод разложения на множители, метод введения новой переменной, функционально-графический методКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 14.2 Графический метод решения уравнений, неравенств | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Общие методы решения неравенств: переход от сравнения значений функций к сравнению значений аргументов для монотонных функций, метод интервалов, функционально-графический метод. Графический метод решения уравнений и неравенствКомбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 14.3 Уравнения и неравенства с модулем | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| Определение модуля. Раскрытие модуля по определению. Простейшие уравнения и неравенства с модулем. Применение равносильных переходов в определенных типах уравнений и неравенств с модулем Комбинированное занятие | 2 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 14.4 Уравнения и неравенства с параметрами | **Содержание учебного материала** | **4** |  |
| Знакомство с параметром. Простейшие уравнения и неравенства с параметромКомбинированное занятие | 4 | 1ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 14.5 Составление и решение профессиональных задач с помощью уравнений | **Профессионально-ориентированное содержание (содержание прикладного модуля)** | **8** |  |
| **Практические занятия № 43,44,45,45**Решение текстовых задач профессионального содержания | 8 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| Тема 14.6 Решение задач. Уравнения и неравенства | **Содержание учебного материала** | **2** |  |
| **Практическое занятие № 46**Общие методы решения уравнений. Уравнения и неравенства с модулем и с параметрами | 2 | 2,3ОК 01, ОК 02, ОК 03, ОК 04, ОК 05, ОК 06, ОК 07, ЛР 02, ЛР 04, ЛР 23, ЛР 30 |
| **Промежуточная аттестация (Экзамен)** | **30** |  |
| **Всего:** |  | **340** |  |

# **3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОГО ПРЕДМЕТА**

### **3.1 Требования к минимальному материально-техническому обеспечению**

Программа дисциплины реализуется в учебной аудитории для проведения занятий всех видов, предусмотренных образовательной программой, в том числе для групповых и индивидуальных консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации

Оборудование учебного кабинета:

- комплект учебной мебели для преподавателя;

- комплекты учебной мебели для обучающихся;

Технические средства обучения: экран переносной, проектор переносной

Учебно-наглядные пособия - комплект презентаций

Учебно-методические материалы

## **3.2. Информационное обеспечение реализации программы**

**Перечень рекомендуемых учебных изданий, дополнительной литературы Интернет-ресурсов, базы данных библиотечного фонда:**

**При изучении дисциплины в формате электронного обучения с использованием ДОТ**

Неограниченная возможность доступа, обучающегося к ЭИОС из любой точки, в которой имеется доступ к информационно-телекоммуникационной сети «Интернет» (далее - сеть «Интернет»), как на территории организации, так и вне ее.

**3.2.1. Основные источники:**

**Перечень рекомендуемых учебных изданий, дополнительной литературы Интернет-ресурсов, базы данных библиотечного фонда:**

**3.2.1.Основные источники:**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | А. П. Карп, А. Л. Вернер. | Математика: базовый уровень: учебное пособие: в 2 частях - Часть 1 | Москва: Просвещение, 2024 - 2024. - 319 с. - режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/408779> | [Электронный ресурс] |
| 2 | А. П. Карп, А. Л. Вернер. | Математика: базовый уровень: учебное пособие: в 2 частях - Часть 2 | Москва: Просвещение, 2024 - 2024. - 255 с. - режим доступа: <https://e.lanbook.com/book/408782> | [Электронный ресурс] |
| 3 | Шипачев, В. С.  | Математика: учебник и практикум для среднего профессионального образования  | Москва: Издательство Юрайт, 2023. - 447 с. - (Профессиональное образование режим доступа: <https://urait.ru/bcode/511549> | [Электронный ресурс] |
| 4 | Богомолов, Н. В.  | Математика. Задачи с решениями : учебное пособие для среднего профессионального образования  | Москва : Издательство Юрайт, 2023. — 755 с. — (Профессиональное образование). режим доступа: <https://urait.ru/bcode/530620> | [Электронный ресурс] |

 **3.2.2.Дополнительные источники:**

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | Богомолов Н. В., Самойленко П. И. | Математика: учебник для среднего профессионального образования | Москва: Издательство Юрайт, 2022. — 401 с.Код доступа: <https://urait.ru/book/matematika-489612>  | [Электронный ресурс] |
| 2 | Кремер Н.Ш. | Математика для колледжей: учебное пособие для среднего профессионального образования | Москва: Издательство Юрайт, 2022. — 362 с.Код доступа: <https://urait.ru/book/matematika-dlya-kolledzhey-509126>  | [Электронный ресурс] |
| 3 | Татарников О.В. | Математика: учебник для среднего профессионального образования | Москва: Издательство Юрайт, 2022. — 450 с.Код доступа: <https://urait.ru/book/matematika-490214>  | [Электронный ресурс] |
| 4 | Кремер Н. Ш., Константинова О. Г., Фридман М. Н. ; Под ред. Кремера Н.Ш. | Математика для колледжей | Москва: Издательство Юрайт, 2024ttps://urait.ru/book/matematika-dlya-kolledzhey-536272 | [Электронный ресурс] |

**3.2.3.Периодические издания:**

Не предусмотрены

**3.2.4.Перечень профессиональных баз данных и информационных справочных систем:**

Не предусмотрены

# **4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ ОБЩЕОБРАЗОВАТЕЛЬНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**Контроль** **и оценка** результатов освоения общеобразовательной дисциплины раскрываются через дисциплинарные результаты, направленные на формирование общих и профессиональных компетенций по разделам и темам содержания учебного материала.

Промежуточная аттестация в форме экзамена – 1 и 2 семестр

|  |  |
| --- | --- |
| **Общая/профессиональная компетенция** | **Раздел/Тема** |
| ОК 01. Выбирать способы решения задач профессиональной деятельности применительно к различным контекстамЛР 02. ЛР 04,ЛР 23, ЛР 30 | Р 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/c, 1.4, 1.5, 1.6Р 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6Р 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4Р 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/c, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11Р 5, Темы 5.1, 5.2Р 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/c, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/c, 6.11Р 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/c,7.8,7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17Р 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6Р 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4,9.5Р 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4Р 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7Р 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4Р 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6 |
| ОК 02. Использовать современные средства поиска, анализа и интерпретации информации, и информационные технологии для выполнения задач профессиональной деятельностиЛР 02. ЛР 04,ЛР 23, ЛР 30 | Р 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/c, 1.4, 1.5, 1.6Р 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6Р 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4Р 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/c, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11Р 5, Темы 5.1, 5.2Р 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/c, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/c, 6.11Р 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/c,7.8,7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17Р 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6Р 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4,9.5Р 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4Р 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7Р 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4Р 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6 |
| ОК 03. Планировать и реализовывать собственное профессиональное и личностное развитие, предпринимательскую деятельность в профессиональной ЛР 02. ЛР 04,ЛР 23, ЛР 30сфере, использовать знания по финансовой грамотности в различных жизненных ситуацияхЛР 02. ЛР 04,ЛР 23, ЛР 30 | Р 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/c, 1.4, 1.5, 1.6Р 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6Р 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4Р 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/c, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11Р 5, Темы 5.1, 5.2Р 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/c, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/c, 6.11Р 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/c,7.8,7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17Р 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6Р 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4,9.5Р 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4Р 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7Р 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4Р 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6 |
| ОК 04. Эффективно взаимодействовать и работать в коллективе и командеЛР 02. ЛР 04,ЛР 23, ЛР 30 | Р 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/c, 1.4, 1.5, 1.6Р 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6Р 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4Р 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/c, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11Р 5, Темы 5.1, 5.2Р 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/c, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/c, 6.11Р 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/c,7.8,7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17Р 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6Р 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4,9.5Р 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4Р 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7Р 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4Р 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6 |
| ОК 05. Осуществлять устную и письменную коммуникацию на государственном языке Российской Федерации с учетом особенностей социального и культурного контекстаЛР 02. ЛР 04,ЛР 23, ЛР 30 | Р 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/c, 1.4, 1.5, 1.6Р 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6Р 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4Р 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/c, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11Р 5, Темы 5.1, 5.2Р 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/c, 1.4, 1.5, 1.6Р 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6Р 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4Р 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/c, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11Р 5, Темы 5.1, 5.2Р 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/c, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/c, 6.11Р 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/c,7.8,7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17Р 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6Р 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4,9.5Р 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4Р 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7Р 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4Р 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6Р 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4,9.5Р 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4Р 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7Р 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3Р 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6 |
| ОК 06. Проявлять гражданско-патриотическую позицию, демонстрировать осознанное поведение на основе традиционных общечеловеческих ценностей, в том числе с учетом гармонизации межнациональных и межрелигиозных отношений, применять стандарты антикоррупционного поведенияЛР 02. ЛР 04,ЛР 23, ЛР 30 | Р 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/c, 1.4, 1.5, 1.6Р 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/c, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/c, 6.11Р 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/c,7.8,7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17Р 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6 |
| ОК 07. Содействовать сохранению окружающей среды, ресурсосбережению, применять знания об изменении климата, принципы бережливого производства, эффективно действовать в чрезвычайных ситуацияхЛР 02. ЛР 04,ЛР 23, ЛР 30 | Р 1, Тема 1.1, 1.2, 1.3 П-о/c, 1.4, 1.5, 1.6Р 2, Темы 2.1, 2.2, 2.3, 2.4, 2.5 П-о/с, 2.6Р 3, Темы 3.1, 3.2, 3.3 П-о/с, 3.4Р 4, Темы 4.1, 4.2, 4.3, 4.4, 4.5, 4.6, 4.7 П-о/c, 4.8, 4.9, 4.10, 4.11Р 5, Темы 5.1, 5.2Р 6, Темы 6.1, 6.2, 6.3, 6.4, 6.5, 6.6, 6.7 П-о/c, 6.8, 6.9, 6.10 П-о/c, 6.11Р 7, Темы 7.1, 7.2, 7.3, 7.4, 7.5, 7.6, 7.7 П-о/c,7.8,7.9, 7.10 П-о/с, 7.11, 7.12, 7.13, 7.14, 7.15, 7.16, 7.17Р 8, Темы 8.1, 8.2, 8.3, 8.4, 8.5, 8.6Р 9, Темы 9.1, 9.2, 9.3, 9.4,9.5Р 10, Темы 10.1, 10.2, 10.3, 10.4Р 11, Темы 11.1, 11.2, 11.3 П-о/с, 11.4, 11.5, 11.6 П-о/с, 11.7Р 12, Темы 12.1, 12.2, 12.3, 12.4Р 13, Темы 13.1, 13.2, 13.3, 13.4, 13.5 П-о/с, 13.6Р 14, Темы 14.1, 14.2, 14.3, 14.4, 14.5 П-о/с, 14.6 |

# **5 ПЕРЕЧЕНЬ ИСПОЛЬЗУЕМЫХ МЕТОДОВ ОБУЧЕНИЯ**

 Пассивные:

- лекции традиционные без применения мультимедийных средств и без раздаточного материала;

- практические занятия

- самостоятельные и контрольные работы;

- тесты;