Приложение

к ППССЗ по специальности

08.02.10 Строительство железных дорог,

путь и путевое хозяйство

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**ОУД. 04 Математика**

для специальности

08.02.10 Строительство железных дорог, путь и путевое хозяйство

(квалификация техник)

год начала подготовки 2022.

**2022**

1. **ОБЩАЯ ХАРАКТЕРИСТИКА РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**ОУД. 04 Математика**

**1.1. Место дисциплины в структуре основной профессиональной образовательной программы:**

Рабочая программа общеобразовательной учебной дисциплины «Математика» предназначена для изучения математики на базе основного общего образования при подготовке специалистов среднего звена и является составной частью общеобразовательного цикла основной образовательной программы в соответствии с ФГОС СПО по специальности 23.02.08 Строительство железных дорог, путь и путевое хозяйство

Рабочая программа учебной дисциплины разработана на основе федерального государственного образовательного стандарта среднего общего образования (утв. приказом Министерства образования и науки РФ от 17.05.2012 г. № 413) и примерной основной образовательной программы, одобренной решением федерального учебно-методического объединения по общему образованию (протокол от 28 июня 2016г. №2/16-з).

**1.2. Цель и планируемые результаты освоения дисциплины:**

Основной **целью** освоения общеобразовательной учебной дисциплины «Математика» является успешное продолжение образования по специальности, связанной с прикладным использованием математики.

**1.3. Требования к результатам освоения учебной дисциплины.**

*Содержание дисциплины «Математика» обеспечивает достижение обучающимся следующих* ***результатов:***

**личностных:**

Л.01 сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделировании явлений и процессов, идеях и методах математики;

Л.02 понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей;

Л.03 развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимой для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования;

Л.04 готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;

Л.05 готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности;

Л.06 готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в общеобразовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;

Л.07 отношение к профессиональной деятельности, как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;

**метапредметных:**

М.01 умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять контролировать и корректировать деятельность; использовать всевозможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;

М.02 умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников совместной деятельности, эффективно разрешать конфликтные ситуации;

М.03 владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;

М.04 готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;

М.05 владение языковыми средствами: умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;

М.06 владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств для их достижения;

М.07 целеустремленность в поисках и принятии решений, сообразительность и интуиция, развитость пространственных представлений; способность воспринимать красоту и гармонию мира;

**предметных:**

П.01 сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математике в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;

П.02 сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;

П.03 владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

П.04 владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;

П.05 сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;

П.06 владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;

П.07 сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятности, умение находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;

П.08 владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.

**1.4. Личностные результаты реализации программы воспитания**

*В рамках программы общеобразовательной учебной дисциплины «Математика» реализуется программа воспитания, направленная на формирование следующих* ***личностных результатов (дескриптеров):***

**ЛР.2** проявление активной гражданской позиции, демонстрация приверженности принципам честности, порядочности, открытости, *экономической* активности и участия в студенческом и территориальном самоуправлении, в том числе на условиях добровольчества, продуктивность взаимодействия и участия в деятельности общественных организаций;

**ЛР.4** проявление и демонстрация уважения к людям труда, осознание ценности собственного труда. Стремление к формированию в сетевой среде личностного и профессионального конструктивного «цифрового следа»;

**ЛР.23** получение обучающимися возможности самораскрытия и самореализация личности;

**ЛР.30** осуществление поиска и использования информации, необходимой для эффективного выполнения различных задач, профессионального и личностного развития.

1.5. Количество часов на освоение **рабочей** программы

учебной дисциплины:

Максимальная учебная нагрузка обучающегося - 354 часа, в том числе: обязательная аудиторная учебная нагрузка обучающегося - 236 часов, самостоятельная работа – 118 часов.

**2. СТРУКТУРА И СОДЕРЖАНИЕ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**2.1. Объем учебной дисциплины и виды учебной работы**

|  |  |
| --- | --- |
| **Вид учебной работы** | **Объем**  **часов** |
| **Максимальная учебная нагрузка (всего)** | **354** |
| Обязательная аудиторная учебная нагрузка (всего) | 236 |
| В том числе:  Практические занятия | - |
| Лекции | 236 |
| Самостоятельная работа обучающегося (всего) | 118 |
| Промежуточная аттестация в форме экзамена (1 семестр) | |
| Промежуточная аттестация в форме экзамена (2 семестр) | |
|  |  |

**2.2. Рабочий тематический план и содержание учебной дисциплины ОУД.04 Математика**

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| **Наименование разделов и тем** | **Содержание учебного материала, практические занятия, самостоятельная работа студентов** | **Объем часов** | **Коды**  **личностных метапредметных, предметных результатов, формированию которых способствует элемент программы** |
| **1** | **2** | **3** | **4** |
|  | **1 семестр** |  |  |
| **Раздел 1. АЛГЕБРА И НАЧАЛА АНАЛИЗА** | | | |
| **Тема 1.1. Повторение** | **Содержание учебного материала**  Решение задач с использованием свойств чисел и систем счисления, делимости, долей и частей, процентов, модулей чисел. Решение задач с использованием свойств степеней и корней, многочленов, преобразований многочленов и дробно-рациональных выражений. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Самостоятельная работа**  Решение линейных и квадратных уравнений и неравенств. | 4 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 1.2.Развитие понятия о числе** | **Содержание учебного материала**  Целые и рациональные числа. Действительные числа. Приближенные вычисления. Комплексные числа. Корни, степени и логарифмы. Выполнение арифметических действий над числами, сочетая устные и письменные приемы.  Нахождение приближенных значений величин и погрешностей вычислений (абсолютной и относительной); сравнение числовых выражений.  Нахождение ошибок в преобразованиях и вычислениях (отно­сится ко всем пунктам программы) | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Самостоятельная работа**  Действия с комплексными числами. | 4 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 1.3.Корни и степени.** | **Содержание учебного материала**  Ознакомление с понятием корня n-й степени, свойствами ради­калов и правилами сравнения корней.  Формулирование определения корня и свойств корней. Вычисле­ние и сравнение корней, выполнение прикидки значения корня. Преобразование числовых и буквенных выражений, содержа­щих радикалы.  Выполнение расчетов по формулам, содержащим радикалы, осу­ществляя необходимые подстановки и преобразования. Определение равносильности выражений с радикалами. Реше­ние иррациональных уравнений. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,М02,М03,М04,М05,М06,М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Ознакомление с понятием степени с действительным показате­лем.  Нахождение значений степени, используя при необходимости инструментальные средства.  Записывание корня n-й степени в виде степени с дробным пока­зателем и наоборот.  Формулирование свойств степеней. Вычисление степеней с ра­циональным показателем, выполнение прикидки значения сте­пени, сравнение степеней.  Преобразование числовых и буквенных выражений, содержа­щих степени, применяя свойства. Решение показательных урав­нений.  Ознакомление с применением корней и степеней при вычисле­нии средних, делении отрезка в «золотом сечении». | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,М02,М03,М04,М05,М06,М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Самостоятельная работа**  Вычисление корней, решение иррациональных уравнений. | 4 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 1.4. Логарифм. Логарифм числа.** | **Содержание учебного материала**  Логарифм. Логарифм числа. Основное логарифмическое тождество. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Десятичные и натуральные логарифмы. Правила действий с логарифмами. Переход к новому основанию. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 1.5. Преобразование логарифмических выражений** | **Содержание учебного материала**  Выполнение преобразований выражений, применение формул, связанных со свойствами степеней и логарифмов | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Определение области допустимых значений логарифмического выражения. Решение логарифмических уравнений. | 1 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Определение области допустимых значений логарифмического выражения. Решение логарифмических уравнений | 1 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Самостоятельная работа**  Свойства степени с действительным показателем, решение показательных уравнений и неравенств.  Действия с логарифмами, решение логарифмических уравнений и неравенств. | 8 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Раздел 2 Основы тригонометрии** | | | |
| **Тема 2.1 Основные понятия** | **Содержание учебного материала**  Изучение радианного метода измерения углов вращения и их связи с градусной мерой. Изображение углов вращения на окружности, соотнесение величины угла с его расположением. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Радианная мера угла. Вращательное движение. Синус, косинус, тангенс и котангенс числа. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Формулирование определений тригонометрических функций для углов поворота и острых углов прямоугольного треугольни­ка и объяснение их взаимосвязи | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
|  | **Содержание учебного материала**  Формулирование определений тригонометрических функций для углов поворота и острых углов прямоугольного треугольни­ка и объяснение их взаимосвязи | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
|  | **Самостоятельная работа**  Изготовление модели тригонометрического круга | 6 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 2.2 Основные тригонометрические тождества** | **Содержание учебного материала**  Применение основных тригонометрических тождеств для вычис­ления значений тригонометрических функций по одной из них | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
|  | **Содержание учебного материала**  Применение основных тригонометрических тождеств для вычис­ления значений тригонометрических функций по одной из них | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
|  | **Содержание учебного материала**  Формулы приведения. Формулы сложения. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
|  | **Содержание учебного материала**  Формулы удвоения. Формулы половинного угла. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 2.3. Преобразования простейших тригонометрических выражений** | **Содержание учебного материала**  Изучение основных формул тригонометрии: формулы сложения, удвоения, преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму и применение при вы­числении значения тригонометрического выражения и упроще­ния его. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Изучение основных формул тригонометрии: формулы сложения, удвоения, преобразования суммы тригонометрических функций в произведение и произведения в сумму и применение при вы­числении значения тригонометрического выражения и упроще­ния его. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Ознакомление со свойствами симметрии точек на единичной окружности и применение их для вывода формул приведения | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
|  | **Самостоятельная работа**  Преобразование тригонометрических выражений с использованием формул тригонометрии. | 6 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 2.4.Тригонометрические уравнения и неравенства** | **Содержание учебного материала**  Простейшие тригонометрические уравнения. Простейшие тригонометрические неравенства. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Решение по формулам и тригонометрическому кругу простей­ших тригонометрических уравнений. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Применение общих методов решения уравнений (приведение к линейному, квадратному, метод разложения на множители, за­мены переменной) при решении тригонометрических уравнений. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Применение общих методов решения уравнений (приведение к линейному, квадратному, метод разложения на множители, за­мены переменной) при решении тригонометрических уравнений | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Умение отмечать на круге решения простейших тригонометри­ческих неравенств | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Самостоятельная работа**  Решение тригонометрических уравнений. | 8 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 2.5 Обратные тригонометрические функции** | **Содержание учебного материала**  Ознакомление с понятием обратных тригонометрических функ­ций. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Арксинус, арккосинус, арктангенс числа. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Изучение определений арксинуса, арккосинуса, арктангенса числа. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Изображение арксинуса, арккосинуса, арктангенса на единичной окруж­ности. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Решение тригонометрических уравнение с применением обратных тригонометрических функций. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Раздел 3.Функции, их свойства и графики** | | | |
| **Тема 3.1. Функции** | **Содержание учебного материала**  Ознакомление с понятием переменной, примерами зависимостей между переменными.  Ознакомление с понятием графика, определение принадлеж­ности точки графику функции. Определение по формуле про­стейшей зависимости, вида ее графика. Выражение по формуле одной переменной через другие. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Ознакомление с определением функции, формулирование его. Нахождение области определения и области значений функции. Построение графиков степенных и логарифмических функций. Ознакомление с понятием непрерывной периодической функ­ции, формулирование свойств синуса и косинуса, построение их графиков. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 3.2.Свойства функции.** | **Содержание учебного материала**  Монотонность, четность, нечетность, ограниченность, периодичность. Промежутки возрастания и убывания, наибольшее и наименьшее значения, точки экстремума. Графическая интерпретация. Примеры функциональных зависимостей в реальных процессах и явлениях. Арифметические операции над функциями. Ознакомление с примерами функциональных зависимостей в ре­альных процессах из смежных дисциплин. Ознакомление с доказательными рассуждениями некоторых свойств линейной и квадратичной функций, проведение исследо­вания линейной, кусочно-линейной, дробно-линейной и квадра­тичной функций, построение их графиков. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Сложная функция (композиция). Понятие о непрерывности функции. Степенные, показательные, логарифмические и тригонометрические функции. Построение и чтение графиков функций. Исследование функции. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Обратные тригонометрические функции. Преобразования графиков. Параллельный перенос, симметрия относительно осей координат и симметрия относительно начала координат, симметрия относительно прямой *y*= x, растяжение и сжатие вдоль осей координат. Составление видов функций по данному условию, решение задач на экстремум. Выполнение преобразований графика функции. Вычисление значений функций по значению аргумента. Определение положения точки на графике по ее координатам и наоборот. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 3.3. Обратные функции.** | **Содержание учебного материала**  Изучение понятия обратной функции, определение вида и по­строение графика обратной функции, нахождение ее области определения и области значений. Применение свойств функций при исследовании уравнений и решении задач на экстремум. Ознакомление с понятием сложной функции | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Применение свойств функций для сравнения значений тригономе­трических функций, решения тригонометрических уравнений. Построение графиков обратных тригонометрических функ­ций и определение по графикам их свойств. Выполнение преобразования графиков | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
|  | **Самостоятельная работа**  Решение обратных функций  Исследование функции по ее графику. | 4 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Раздел 4. Начала математического анализа** | | | |
| **Тема 4.1.**  **Последовательности** | **Содержание учебного материала**  Ознакомление с понятием числовой последовательности, спосо­бами ее задания, вычислениями ее членов | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Ознакомление с понятием предела последовательности. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Ознакомление с вычислением суммы бесконечного числового ряда на примере вычисления суммы бесконечно убывающей гео­метрической прогрессии. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Решение задач на применение формулы суммы бесконечно убы­вающей геометрической прогрессии | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Способы задания и свойства числовых последовательностей. Существование предела монотонной ограниченной последовательности. Суммирование последовательностей. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 4.2. Производная** | **Содержание учебного материала**  Ознакомление с понятием производной. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Изучение и формулирование ее механического и геометрическо­го смысла, изучение алгоритма вычисления производной на при­мере вычисления мгновенной скорости и углового коэффициента касательной. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Производные суммы, разности, произведения, частные. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Производные основных элементарных функций. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Усвоение правил дифференцирования, таблицы производных элементарных функций, применение для дифференцирования функций, составления уравнения касательной. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Составление уравнения касательной в общем виде. | 1 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Примене­ние производной к исследованию функций и построению графиков. | 1 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Производные обратной функции и композиции функции. | 1 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Изучение теорем о связи свойств функции и производной, фор­мулировка их. | 1 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
|  | **Самостоятельная работа**  Нахождение производных функций.  Геометрический и механический смысл производной.  Исследование функции с помощью производной. | 4 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
|  | ***Промежуточная аттестация (экзамен)*** |  |  |
| Итого за первый семестр: 144  Максимальная: 144  Обязательная: 96 (в т. ч. лекции - 96)  Самостоятельная работа: 48 | |  |  |
|  | **2 семестр** |  |  |
|  | **Содержание учебного материала**  Проведение с помощью производной исследования функции, за­данной формулой.  Установление связи свойств функции и производной по их гра­фикам. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Примеры использования производной для нахождения наилучшего решения в прикладных задачах. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Применение производной для решения задач на нахождение наибольшего, наименьшего значения и на нахождение экстремума | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Вторая производная, ее геометрический и физический смысл. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Нахождение скорости для процесса, заданного формулой и графиком. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 4.3.Первообразная и интеграл** | **Содержание учебного материала**  Ознакомление с понятием интеграла и первообразной. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Изучение правила вычисления первообразной и теоремы Ньютона— Лейбница. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Решение задач на связь первообразной и ее производной. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Вычис­ление первообразной для данной функции. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Вычис­ление первообразной для данной функции. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Определенный интеграл. Вычисление определенного интеграла. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Геометрический смысл определенного интеграла. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Замена переменной в определенном интеграле. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Применение определенного интеграла для нахождения площади криволинейной трапеции. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Решение задач на применение интеграла для вычисления физи­ческих величин. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Решение задач на применение интеграла для вычисления площадей. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Объем тела вращения. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Примеры при­менения интеграла в геометрии. | 1 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Примеры при­менения интеграла в физике. | 1 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
|  | **Самостоятельная работа**  Неопределенный интеграл.  Определенный интеграл. Формула Ньютона-Лейбница.  Вычисление площади криволинейной трапеции. | 6 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Раздел 5 Уравнения и неравенства** | | | |
| **Тема 5.1. Уравнения и системы уравнений** | **Содержание учебного материала**  Ознакомление с простейшими сведениями о корнях алгебраиче­ских уравнений, понятиями исследования уравнений и систем уравнений. Изучение теории равносильности уравнений и ее применения. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  По­вторение записи решения стандартных уравнений, приемов преоб­разования уравнений для сведения к стандартному уравнению. Определители второго и третьего порядков. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Решение систем линейных уравнений с двумя и тремя неизвестными с помощью определителей второго и третьего порядка Решение рациональных, иррациональных, показательных и тригонометрических уравнений и систем. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
|  | **Самостоятельная работа**  Методы решения уравнений.  Рациональные уравнения и неравенства. | 14 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 5.2. Неравенства** | **Содержание учебного материала**  Решение неравенств и систем неравенств с применением различ­ных способов. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Применение математических методов для решения содержатель­ных задач из различных областей науки и практики. Интерпре­тирование результатов с учетом реальных ограничений. Решение показательных и логарифмических уравнений и нера­венств по известным алгоритмам. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
|  | **Самостоятельная работа**  Иррациональные уравнения и неравенства.  Показательные уравнения и неравенства.  Логарифмические уравнения и неравенства. | 12 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 5.3. Использование свойств и графиков функций при решении уравнений и неравенств.** | **Содержание учебного материала**  Использование свойств и графиков функций для решения урав­нений. Повторение основных приемов решения систем. Решение уравнений с применением всех приемов (разложения на множители, введения новых неизвестных, подстановки, графи­ческого метода). Применение математических методов для решения содержательных задач из раз­личных областей науки и практики. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Решение систем уравнений с применением различных способов. Ознакомление с общими вопросами решения неравенств и исполь­зование свойств и графиков функций при решении неравенств Метод интервалов. Изображение на координатной плоскости множества решений уравнений и неравенств с двумя переменными и их систем.  Интерпретация результата, учет реальных ограничений. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Раздел 6. Вероятность и статистика работа с данными** | | | |
| **Тема 6.1. Повторение** | **Содержание учебного материала**  Решение задач на табличное и графическое представление данных. Использование свойств и характеристик числовых наборов: средних, наибольшего и наименьшего значения, размаха, *дисперсии*. *Решение задач на определение частоты и вероятности событий. Вычисление вероятностей в опытах с равновозможными элементарными исходами. Решение задач с применением комбинаторики. Решение задач на вычисление вероятностей независимых событий, применение формулы сложения вероятностей. Решение задач с применением диаграмм Эйлера, дерева вероятностей, формулы Бернулли.* | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 6.2. Элементы комбинаторики** | **Содержание учебного материала**  Основные понятия комбинаторики. Задачи на подсчет числа размещений, переста­новок, сочетаний. Изучение правила комбинаторики и применение при решении комбинаторных задач.  Решение комбинаторных задач методом перебора и по правилу умножения. | 1 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Решение задач на перебор вариантов. Формула бинома Ньютона. Свойства биноминальных коэффициентов. Треугольник Паскаля. Объяснение и применение формул для вычисления размещений, перестановок и сочетаний при решении задач. Ознакомление с биномом Ньютона и треугольником Паскаля. Решение практических задач с использованием понятий и пра­вил комбинаторики | 1 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
|  | **Самостоятельная работа**  Основные формулы комбинаторики | 8 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 6.3. Элементы теории вероятностей** | **Содержание учебного материала**  Условная вероятность. Правило умножения вероятностей. Формула полной вероятности.  Дискретные случайные величины и распределения. Независимые случайные величины. Распределение суммы и произведения независимых случайных величин.  Математическое ожидание и дисперсия случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия суммы случайных величин. Геометрическое распределение. Биномиальное распределение и его свойства.  Непрерывные случайные величины. Понятие о плотности вероятности. Равномерное распределение. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 6.4. Показательное распределение, его параметры**. | **Содержание учебного материала**  Показательное распределение, его параметры.  Понятие о нормальном распределении. Параметры нормального распределения. Примеры случайных величин, подчиненных нормальному закону (погрешность измерений, рост человека).  Неравенство Чебышева. Теорема Бернулли. Закон больших чисел. Выборочный метод измерения вероятностей. Роль закона больших чисел в науке, природе и обществе.  Ковариация двух случайных величин. Понятие о коэффициенте корреляции. Совместные наблюдения двух случайных величин. Выборочный коэффициент корреляции. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 6.5.Элементы математической статистики** | **Содержание учебного материала**  Ознакомление с представлением числовых данных и их характе­ристиками.  Решение практических задач на обработку числовых данных, вычисление их характеристик, генеральная совокуп­ность, выборка, среднее арифметическое, медиана. | 1 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Понятие о задачах матема­тической статистики. Решение практических задач с применением вероятностных методов. | 1 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Раздел 7. Геометрия** | | | |
| **7.1. Повторение** | **Содержание учебного материала**  Решение задач с применением свойств фигур на плоскости. Задачи на доказательство и построение контрпримеров. Использование в задачах простейших логических правил. Решение задач с использованием теорем о треугольниках, соотношений в прямоугольных треугольниках, фактов, связанных с четырехугольниками. Решение задач с использованием фактов, связанных с окружностями. Решение задач на измерения на плоскости, вычисление длин и площадей. *Решение задач с помощью векторов и координат.* | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 7.2. Наглядная стереометрия** | **Содержание учебного материала**  Основные понятия стереометрии и их свойства. Формулировка и приведение доказательств признаков взаимного расположения прямых и плоскостей. Точка, прямая и плоскость в пространстве, аксиомы стереометрии и следствия из них. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Взаимное расположение прямых и плоскостей в пространстве. Параллельность прямых и плоскостей в пространстве. Изображение простейших пространственных фигур на плоскости. Распознавание на черте­жах и моделях различных случаев взаимного расположения пря­мых и плоскостей, аргументирование своих суждений. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Перпендикулярность прямых и плоскостей. Признаки препендикулярности прямыхи плоскостей в пространстве. Теорема о трех перпендикулярах. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Углы в пространстве. Выполнение построения углов между прямыми, прямой и пло­скостью, между плоскостями по описанию и распознавание их на моделях. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Применение признаков и свойств расположения прямых и пло­скостей при решении задач. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Изображение на рисунках и конструирование на моделях пер­пендикуляров и наклонных к плоскости, прямых, параллельных плоскостей. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Изображение на рисунках и конструирование на моделях углов между прямой и плоскостью и обоснование построения | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Решение задач на вычисление геометрических величин. Описывание расстояния от точки до плоскости, от прямой до плоско­сти, между плоскостями, между скрещивающимися прямыми, между произвольными фигурами в пространстве. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Формулирование и доказывание основных теорем о расстояниях (теорем существования, свойства).  Изображение на чертежах и моделях расстояния и обоснование своих суждений. Определение и вычисление расстояний в про­странстве. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Применение формул и теорем планиметрии для реше­ния задач.  Ознакомление с понятием параллельного проектирования и его свойствами. Формулирование теоремы о площади ортогональ­ной проекции многоугольника. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Применение теории для обоснования построений и вычислений. Аргументирование своих суждений о взаимном расположении пространственных фигур. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 7.3. Многогранники** | **Содержание учебного материала**  Параллелепипед. Свойства прямоугольного параллелепипеда. Теорема Пифагора в пространстве. Призма и пирамида. Правильная пирамида и правильная призма. Прямая пирамида. Элементы призмы и пирамиды. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Вычисчление элементов пространственных фигур (ребра, лиагонали, углы). Вычисление линейных элементов и углов в пространственных конфигурациях, аргументирование своих суждений.  Площадь поверхности правильной пирамиды и прямой призмы. Площадь поверхности прямого кругового цилиндра, прямого кругового конуса и шара. Понятие об объеме. Объем пирамиды и конуса, призмы и цилиндра. Объем шара. | 4 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Тела вращения: цилиндр, конус, сфера и шар. Основные свойства прямого кругового цилиндра, прямого кругового конуса. Изображение тел вращения на плоскости. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Характеристика и изображение сечения, развертки многогран­ников, вычисление площадей поверхностей.  Построение простейших сечений куба, призмы, пирамиды. При­менение фактов и сведений из планиметрии.  Ознакомление с видами симметрий в пространстве, формулиро­вание определений и свойств. Характеристика симметрии тел вращения и многогранников. | 4 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Применение свойств симметрии при решении задач. Использование приобретенных знаний для исследования и моде­лирования несложных задач. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Изображение основных многогранников и выполнение рисунков по условиям задач | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 7.4. Тела и поверхности вращения** | **Содержание учебного материала**  Ознакомление с видами тел вращения, формулирование их опре­делений и свойств.  Формулирование теорем о сечении шара плоскостью и плоско­сти, касательной к сфере. Характеристика и изображение тел вращения, их развертки, се­чения. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Тела вращения: цилиндр, конус, сфера и шар. Основные свойства прямого кругового цилиндра, прямого кругового конуса. Изображение тел вращения на плоскости. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Решение задач на построение сечений, вычисление длин, рассто­яний, углов, площадей. Проведение доказательных рассуждений при решении задач. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Применение свойств симметрии при решении задач на тела вра­щения, комбинацию тел. Изображение основных круглых тел и выполнение рисунка по условию задачи. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 7.5. Измерения в геометрии** | **Содержание учебного материала**  Ознакомление с понятиями площади и объема, аксиомами и свойствами. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Решение задач на вычисление площадей плоских фигур с приме­нением соответствующих формул и фактов из планиметрии. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Изучение теорем о вычислении объемов пространственных тел, решение задач на применение формул вычисления объемов. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Изучение формул для вычисления площадей поверхностей мно­гогранников и тел вращения. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Ознакомление с методом вычисления площади поверхности сферы | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Решение задач на вычисление площадей поверхности простран­ственных тел | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Подобие тел. Отношения площадей поверхностей и объемов подобных тел. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
|  | **Самостоятельная работа**  Самостоятельное изучение темы «Изображение пространственных фигур на плоскости»  Решение задач по теме «Перпендикуляр и наклонная» | 12 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Тема 7.6. Координаты и векторы** | **Содержание учебного материала**  Ознакомление с понятием вектора. Изучение декартовой систе­мы координат в пространстве, построение по заданным коорди­натам точек и плоскостей, нахождение координат точек | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Нахождение уравнений окружности, сферы, плоскости. Вычис­ление расстояний между точками. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Изучение свойств векторных величин, правил разложения век­торов в трехмерном пространстве. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Правило нахождения коорди­нат вектора в пространстве, правило действий с векторами, задан­ными координатами. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Применение теории при решении задач на действия с векторами. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Изучение скалярного произведения векторов, векторного урав­нения прямой и плоскости. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Применение теории при решении за­дач на действия с векторами, координатный метод, применение векторов для вычисления величин углов и расстояний. | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Ознакомление с доказательствами теорем стереометрии о вза­имном расположении прямых и плоскостей с использованием векторов | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
| **Содержание учебного материала**  Применение теории при решении за­дач о вза­имном расположении прямых и плоскостей с использованием векторов | 2 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
|  | **Самостоятельная работа**  Решение задач по теме «Координаты и векторы в пространстве»  Составление кроссворда по теме «Координаты и векторы» | 18 | П01,П02,П03,П04,П05,  П06,П07,П08,Л01,Л02,Л03,Л04,Л05,Л06,Л07,М.01,  М02,М03,М04,М05,М06,  М.07,ЛР2, ЛР4,ЛР23, ЛР30 |
|  | ***Промежуточная аттестация (экзамен)*** |  |  |
| Итого за второй семестр: 210  Максимальная: 210  Обязательная: 140 (в т.ч. лекции – 140)  Самостоятельная работа: 70 | |  |  |
| **Всего по учебной дисциплине:** | | **354** |  |

**3. УСЛОВИЯ РЕАЛИЗАЦИИ РАБОЧЕЙ ПРОГРАММЫ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**3.1. Требования к минимальному материально-техническому**

**обеспечению**

Для реализации учебной дисциплины используется учебная аудитория для проведения занятий всех видов, предусмотренных образовательной программой - **кабинет №2313**, 603002, г. Нижний Новгород, ул. Чкалова, д.5а.

Оборудование: cтол преподавателя - 1 шт., cтол ученический - 18 шт., cтул преподавателя-1 шт., cтулья ученические - 35 шт., шкаф - 4 шт., доска - 2 шт., тумбочка - 2 шт., компьютер - 1 шт., принтер -1 шт., плакаты –26 шт., стенд – 3 шт., комплект портретов великих математиков.

Демонстрационные материалы - набор моделей геометрических тел

Учебно-наглядные пособия - комплект плакатов.

Технические средства обучения: проектор переносной, экран (стационарный).

Набор математических инструментов: метр школьный – 1 шт., треугольник школьный – 1 шт., транспортир – 1 шт.

**3.2. Информационное обеспечение обучения**

|  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- |
| №  п/п | Авторы и составители | Заглавие | | Издательство | Кол-во |
| **Основная литература** | | | | | |
|  | Богомолов Н. В. | | Математика: учебник для среднего профессионального образования | Москва: Издательство Юрайт, 2019. - 401 с. - Режим доступа: <https://biblio-online.ru/book/matematika-433286> | [Электронный ресурс] |
| 2. | Башмаков М.И. | | Математика (СПО) учебник | М.: КноРус, 2019. – 394 с.– Режим доступа: <https://www.book.ru/book/929528> | [Электронный ресурс] |
| **Дополнительная** **литература** | | | | | |
| 1. | В.М. Гончаренко, Л.В. Липагина, А.А. Рылов | | Элементы высшей математики: учебник | Москва: КноРус, 2022. -— 363 с. - Режим доступа:  https://book.ru/books/943679 | [Электронный ресурс] |
| 2. | Гисин В. Б., Кремер Н. Ш | | Практикум : учебное пособие для среднего профессионального образования | Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 202 с. – Режим доступа:  <https://urait.ru/bcode/471477> | [Электронный ресурс] |
| 3. | Шипачев В. С. ; Под ред. Тихонова А. Н. | | Математика : учебник и практикум для среднего профессионального образования | Москва : Издательство Юрайт, 2021. — 447 с.  Режим доступа:  <https://urait.ru/bcode/469417> | [Электронный ресурс] |

**4. КОНТРОЛЬ И ОЦЕНКА РЕЗУЛЬТАТОВ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ**

**Контроль и оценка** результатов освоения учебной дисциплины осуществляется преподавателем в процессе проведения различных форм и видов текущего контроля, а также по результатам выполнения студентами индивидуальных заданий.

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| **Результаты обучения** | **Критерии оценки** | **Методы оценки** |
| 1 | 2 |  |
| **личностные:**  **Л.01** сформированность представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделировании явлений и процессов, идеях и методах математики;  **Л.02** понимание значимости математики для научно-технического прогресса, сформированность отношения к математике как к части общечеловеческой культуры через знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей;  **Л.03** развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимой для будущей профессиональной деятельности, для продолжения образования и самообразования;  **Л.04** готовность и способность к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательное отношение к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности;  **Л.05** готовность и способность к самостоятельной творческой и ответственной деятельности;  **Л.06** готовность к коллективной работе, сотрудничеству со сверстниками в общеобразовательной, общественно полезной, учебно-исследовательской, проектной и других видах деятельности;  **Л.07** отношение к профессиональной деятельности, как возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем; | Выводы опираются на основные факты и являются обоснованными; грамотное сопоставление фактов, понимание ключевой проблемы и её элементов; способность задавать разъясняющие вопросы; понимание противоречий между идеями | Наблюдение, анкетирование**,** тестирование**,** экспертная оценка |
| **метапредметные:**  **М.01** умение самостоятельно определять цели деятельности и составлять планы деятельности; самостоятельно осуществлять контролировать и корректировать деятельность; использовать всевозможные ресурсы для достижения поставленных целей и реализации планов деятельности; выбирать успешные стратегии в различных ситуациях;  **М.02** умение продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников совместной деятельности, эффективно разрешать конфликтные ситуации;  **М.03** владение навыками познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;  **М.04** готовность и способность к самостоятельной информационно-познавательной деятельности, критически оценивать и интерпретировать информацию, получаемую из различных источников;  **М.05** владение языковыми средствами: умение ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства;  **М.06** владение навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств для их достижения;  **М.07** целеустремленность в поисках и принятии решений, сообразительность и интуиция, развитость пространственных представлений; способность воспринимать красоту и гармонию мира; | Четкая организация устного ответа.  Умение анализировать учебные задания, выбирать оптимальный способ решения задач.  Научная корректность (точность в использовании теоретического материала).  Теоретические положения подкрепляются практическими умениями при выполнении заданий.  Умение находить причинно-следственные связи.  Способность четко отвечать на поставленные вопросы. | Устный и письменный опрос, оценка выполнения практических заданий, экзаменационных заданий. |
| **предметные:**  **П.01** сформированность представлений о математике как части мировой культуры и месте математике в современной цивилизации, способах описания явлений реального мира на математическом языке;  **П.02** сформированность представлений о математических понятиях как важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;  **П.03** владение методами доказательств и алгоритмов решения, умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;  **П.04** владение стандартными приемами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем; использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;  **П.05** сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;  **П.06** владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать геометрические фигуры на чертежах, моделях и в реальном мире; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;  **П.07** сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, статистических закономерностях в реальном мире, основных понятиях элементарной теории вероятности, умение находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;  **П.08** владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач; | Знание теоретического учебного материала, умение применять его для решения практических заданий. Демонстрация логического и алгоритмического мышления при решении задач. | Оценка результатов устных и письменных ответов, тестирования, выполнения практических заданий, самостоятельных работ, экзаменационных заданий. |
| **Перечень личностных результатов, осваиваемых в рамках программы воспитания**: | | |
| **ЛР.2** Проявление активной гражданской позиции, демонстрация приверженности принципам честности, порядочности, открытости, *экономической* активности и участия в студенческом и территориальном самоуправлении, в том числе на условиях добровольчества, продуктивность взаимодействия и участия в деятельности общественных организаций.  **ЛР.4** Проявление и демонстрация уважения к людям труда, осознание ценности собственного труда. Стремление к формированию в сетевой среде личностного и профессионального конструктивного «цифрового следа».  **ЛР.23** Получение обучающимися возможности самораскрытия и самореализация личности.  **ЛР.30** Осуществление поиска и использования информации, необходимой для эффективного выполнения различных задач, профессионального и личностного развития. | Проявляет активную гражданскую позицию, демонстрирует приверженность принципам честности, порядочности, открытости, *экономической* активности и участия в студенческом и территориальном самоуправлении, в том числе на условиях добровольчества, продуктивность взаимодействия и участия в деятельности общественных организаций.  Проявляет и демонстрирует уважения к людям труда, осознает ценность собственного труда. Стремится к формированию в сетевой среде личностного и профессионального конструктивного «цифрового следа».  Реализует полученную возможность самораскрытия и самореализации личности  Осуществляет поиск и использование информации, необходимой для эффективного выполнения различных задач, профессионального и личностного развития. | Наблюдение |